

第三章 捕食者と餌のサイクル

3.1 捕食者と餌の振動

- a. 捕食者 - 餌生物間の個体数の振動： ロトカ・ボルテラ捕食系（式 3.1）
- b. 捕食者 - 餌生物系の振動の評価： 系の保存量（運動の恒量）

ロトカ・ボルテラ系ではつねに $dV/dt=0$ で、リミットサイクルとなる。このような平衡点は中立安定と呼ばれる

3.2 系のパラメータと安定性

- a. ロトカ・ボルテラ系の現実的な拡張（式 3.3）
- b. 3.3 式のパラメータによる安定性の変化

(1) k が有限、 $h=0$ のとき

$dV/dt = 0$ なので力学系は大域的に安定（3.6 リアプノフ関数と大域安定性）で、餌個体群を安定化させる働きにより系の振動がとまる。

(2) $k = \infty$ 、 $h > 0$ のとき

$dV/dt = 0$ なので系は大域的に不安定（演習 3.2）で、捕食者が餌を食いきれず振動の振幅は時間とともに無限に増大。

(3) (1)、(2)の両方を考える

安定性はパラメータによって変化する。（演習 3.3）

平衡点はホップ分岐（図 3.4）と呼ばれる変化をする。（演習 3.4）

捕食者と被食者の個体数が振動している例（図 3.5）

ただし、捕食者と餌の相互作用が原因かどうかははっきりとはわからない

3.3 パターンの生成と消滅：分岐とカタストロフ

- a. 平衡点の生成・消滅のタイプ
 - ✓ サドルノード分岐（図 3.6）
 - ✓ パラメータの変化による平衡点の位置の変化（カスプカタストロフ：図 3.7）
 - 参考：平衡点の位置（図 1.7）
- b. 振動解の生成・消滅のタイプ
 - ✓ ホップ分岐（図 3.4）
 - ✓ 無限周期分岐（図 3.8）

3.4 伝染病の流行

- a. 伝染病が集団中に広がっていくモデル（式 3.4）
ボンベイ等での例へのモデルの当てはまり（図 3.9）

3.5 伝染病による個体数の調節

- a. Anderson and May(1979)によるモデル（式 3.6）